

24/10/18

הרצאה 4 - סופוסיה

$$\Omega_y^x = \{vny : v \in \Omega, y \in X, (X, \Omega)\} \text{ יחיד}$$

אם $u = ynv$ - אז $v \in \Omega, v \in X$ קיים $u \in \Omega_y^x$ פונקציה אנונימית
 $e = wny$ - אז X - אז $u \in \Omega_y^x$ פונקציה אנונימית קיים דמויה w סמוכה X

1. $u \in \Omega$ או $y \in \Omega$ פונקציה אנונימית
2. $y \in X$ או $u \in \Omega_y^x$ פונקציה אנונימית (Ω_y^x - פונקציה אנונימית) סמוכה פונקציה אנונימית
3. (X, ρ) מרחב מטרי $\Omega_y^x = \Omega_{\rho_y}$ אז $\rho_y = \rho|_{\Omega_y^x}$
4. אם B פונקציה אנונימית אז $B_1 = \{vny : v \in B\}$ פונקציה אנונימית

הוכחה 3 - 3' $B_1 = \{B_r(a)ny : r > 0, a \in X\}$ - פונקציה אנונימית
 פונקציה אנונימית $B_{\rho_y} = \{B_r(b) = \{z \in Y : \rho(z, b) < r\}\}$ - פונקציה אנונימית
 $\rho_y \subset \Omega_y^x, B_r(b) = B_r(b)ny \in B_1$
 3' אם $u \in \Omega_y^x$ אז $u \in \Omega_y^x$ פונקציה אנונימית, $u \in B_r(a)ny$, $u \in B_1$
 אם $u = \emptyset$ אז פונקציה אנונימית $u \neq \emptyset$, $\rho(b, a) < r$ אז $u \in B_r(b)ny$
 $\epsilon > 0$ - אז $\rho(b, a) + \epsilon < r$ אז $B(b, \epsilon)ny \subset u$, $B(b, \epsilon)ny \subset u$
 $u = \bigcup_{b \in B} \bigcup_{v \in B_{\rho_y}} v$

5. אם $Z \subset Y \subset X$ מרחב מטרי (X, Ω) פונקציה אנונימית $(Z, \Omega_Z^y), (Y, \Omega_y^x)$
 אז $\Omega_Z^y = \Omega_y^x$ - פונקציה אנונימית

הוכחה -
 $u \in \Omega_Z^y \Leftrightarrow \exists v \in \Omega_y^x \quad u = v \cap Z$
 $v \in \Omega_y^x \Leftrightarrow \exists w \in \Omega \quad v = wny$
 $\Leftrightarrow u \in \Omega_Z^y \Leftrightarrow \exists w \in \Omega : u = (wny) \cap Z = w \cap Z$

גבול (קולור) - (X, Ω) מרחב מטרי, $A \subset X$
 (1) $x \in A$ (קולור) פונקציה אנונימית A פונקציה אנונימית סמוכה x פונקציה אנונימית A , אז
 קיים $u \in A$ - אז $u \in \Omega$ פונקציה אנונימית
 $\text{Int}(A) = A$, A פונקציה אנונימית $\Omega = \Omega^x$
 פונקציה אנונימית קולור פונקציה אנונימית $x \in \text{Int} A$, קיים $u_x \in \Omega, u_x \subset A$
 $\text{Int} A = \bigcup_{x \in \text{Int} A} u_x \in \Omega$

$$\text{Ext } A = \text{Int}(X \setminus A) \quad (2)$$

$$\text{Fr } A = \partial A = X \setminus (\text{Int } A + \text{Ext } A) \quad A \text{ שפה של } (3)$$

$$\bar{A} = X \setminus \text{Ext } A, \quad A \cup \text{Ext } A = \text{Cl } A = \bar{A} \quad A \text{ סגור של } (4)$$

$$p(x, A) := \inf_{y \in A} p(x, y), \quad \bar{A} = \{x : p(x, A) = 0\} \quad \text{אם } A \subset X, (X, p)$$

היא צורה - ACX צורה אם $\bar{A} = X$

צורתיות - ϕ צורה ב- \mathbb{R} , טאולן כולו X צורה ב- X .

היא צורה - A צורה אם $\text{Ext } A$ צורה (טאולן, A צורה בטאולן מקומי).

הצורה - טאולן $\mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$, אם צורה אולי צורה טאולן \mathbb{Q} - צורה ב- \mathbb{Q} $\phi = \text{Int } \mathbb{R} \setminus \mathbb{Q}$ צורה.

היא צורה - A צורה אם $\text{Int}(\bar{A}) = \phi$ (גיאומטרי)

היא צורה - $x \in X$ (היא הצורה של A אם הצורה סמיכה Y של x מוגדר $(x, A) \neq \phi$)
אם טאולן ϕ (היא הצורה של A אם טאולן ϕ) $A(A)$

היא צורה - $x \in A$ גיאומטרי $x \in \text{Iso}(A)$ אם קיימת סמיכה Y של x ש- $(x, A) \neq \phi$

היא צורה - יהיו $(X, \mathcal{T}_X), (Y, \mathcal{T}_Y)$ טאולנים אופולטיים ויהי $f: X \rightarrow Y$ גיאומטרי
צורה אם $f^{-1}(u) \in \mathcal{T}_X \forall u \in \mathcal{T}_Y$

טאולן - אם $B \subset \mathcal{T}_Y$ טאולן $f: X \rightarrow Y$ צורה אולי $f^{-1}(u) \in \mathcal{T}_X \forall u \in B$

הוכחה - כיוון שגאומטרי f (הוא טאולן - גאומטרי $u \in \mathcal{T}_Y$, כיוון B - טאולן, נוכל לכתוב

$$f^{-1}(u) = \bigcup_{v \in B} f^{-1}(v) \in \mathcal{T}_X \quad \text{מקיים} \quad u = \bigcup_{v \in B} v$$

ולכן טאולן.

קראו - טאולן צורה - אם טאולן קבועה, אם מקור של כל הצורה טאולן ϕ או X ולכן קראו - טאולן צורה.

$f^{-1}(A) = A$ אם $f: X \rightarrow X$ וגונה אז $f(x) = x$ לכל $x \in X$
 ומכאן $f^{-1}(A) = A \in \mathcal{A}$

סגורה - מטופולוגיה הכריזמטית, הסונק' הרצופה היחידה הן הקטואר $\mathcal{A} = \{ \emptyset, X \}$
 $(f: Y \rightarrow X)$

סגורה - מטופולוגיה ביזריה, ב.פונק' רצופה

יהיו $\mathcal{A} \subset \mathcal{A}'$, $\mathcal{A} \subset \mathcal{A}'$, אז יש γ נורמלים של רצופה, מה היחס ביניהם?

$$(Y, \mathcal{A}'_Y) \text{ רצופה } \Leftrightarrow (X, \mathcal{A}_X) \text{ רצופה } \Leftrightarrow f: (X, \mathcal{A}_X) \rightarrow (Y, \mathcal{A}'_Y)$$

$$(Y, \mathcal{A}_Y) \text{ רצופה } \Leftrightarrow (X, \mathcal{A}'_X) \text{ רצופה } \Leftrightarrow f: (X, \mathcal{A}'_X) \rightarrow (Y, \mathcal{A}_Y)$$