

12/11/18

הרכבה וג' - אבולוציה

מתחמי האוסטרופים ב' ו'ק' מחוברים היא קטגוריה סדורה.

שאלה - מה אוסף הפונקציות הרצופות מתחמב?

תשובה: $f \in C(X, Y)$, $Y \in \mathbb{R}$, $\Omega_X = \{0, 1\}$, X (נוה של 2 ק')

ביטוח $\odot C^2$ אפשר להפחית מוגן האמצעית קטגוריה פונקטור, או אחרת
 $\odot C^2$ הפונקטור שלבן על אוקטוב, וזכור וזכירות פנימי פונקטור כו פונקטור
אם זה לא יכנס להקטוריה, פונקטור מאחד צדן רק פונקטור קטגוריה.

הצגה - X והוא רצופי על המסלול אם לכל קטגוריה סדורה FCX וכל $X \notin F$

קטגוריה פונקטור רציפה, $f \in C(X, \mathbb{R})$ כן ש- $f(x) = 0$, $f|_F = 1$

סדרה פונקטור כזו אפשר להפחית קטגוריה אחר שהיא פונקטור נוסף משהו.

$$f^{-1}(\underbrace{(0, 1)}_F) \cap f^{-1}(\underbrace{(\frac{2}{3}, \frac{3}{2})}_X)$$

הצגה - X מתחמב אבולוציה (מתחמי סדרה מתחמב, מתחמי) $A \cup B \subset X$

סדרה זכור, $A \cap B = \emptyset$, $f|_A = 0$, $f|_B = 1$

מתחמי פונקטור f , ונוסחה פונקטור סדרה פונקטור t , $F_t = \{x \mid f(x) \leq t\}$, סדרה - $s < t$, $F_s \subset F_t$

הצגה - יהיו $F, U \subset X$, $F \subset U$, $F \subset U$, $F \subset U$, $F \subset U$, $F \subset U$ ויהיו U' פונקטור U' סדרה

$F' \subset U'$ סדרה כן ש- $F' \subset U'$

(כוכבית) $X \cup U$ קטגוריה סדורה, כיון ש- $F \subset U$, $G = X \cup U$

(היה) $G \cap F = \emptyset$, מהצגה של (מתחמי) פונקטור סדרה של $F \subset G$ כן, $G \cap F = \emptyset$

$U' \cap V = \emptyset$, כן ש- $F \subset U'$, $G \subset V$ (מתחמי פונקטור) $X \cup V \subset G$

כיון $X \cup V \subset U$ (כי $X \cup V = U$) והיא קטגוריה סדורה, $F' \subset X \cup V$

אם U' ו- V כיון ש- $F' \subset U'$ וסדרה פונקטור סדרה אבולוציה

כיון U' פונקטור סדרה - (כיון סדרה U_p כן ש- U_p קטגוריה פונקטור סדרה)

$U_p \subset F_p$, $F_p \subset U_p$ סדרה כן ש- $p < q$, $U_p \subset F_p \subset U_q \subset F_q$ (מתחמי פונקטור)

מתחמי סדרה, $U_1 = X \cup B$, $F_1 = X$, וכל $t > 1$ (כיון) $F_t = X$, $U_t = X$, $F_t = \emptyset$

סדרה קטגוריה U פונקטור אבולוציה A סדרה כן ש- $A \subset U_1$ פונקטור סדרה

$F_0 \subset U_1$ כן ש- $F_0 \subset U_1$ (מתחמי פונקטור) $A \subset U_0 \subset F_0 \subset U_1$

$$F_0 \subset U_{\frac{1}{2}} \subset F_{\frac{1}{2}} \subset U_1 \quad \text{ע"כ} \quad U_{\frac{1}{2}}, F_{\frac{1}{2}} \text{ קיימים ומוחזקים}$$

$$F_0 \subset U_{\frac{1}{4}} \subset F_{\frac{1}{4}} \subset U_{\frac{1}{2}} \quad F_{\frac{1}{2}} \subset U_{\frac{3}{4}} \subset F_{\frac{3}{4}} \subset U_1$$

אנשים, האלו הם האינדוקציה וקול קטן קטן, כן וכן.

$$D = \{x \in \mathbb{Q} : x = \frac{n}{2^k}, n \in \mathbb{Z}, k \in \mathbb{N}\} \quad \text{איך? אגון, סקטור?}$$

$$U_p \subset F_p \subset U_q \subset F_q \quad \text{לפי} \quad p < q \quad \text{אם} \quad p, q \in D \cap \mathbb{Q} \quad \text{אם}$$

$$f(x) = \inf \{r \in D \mid x \in U_r\} \quad \text{כך, אגון סקטור}$$

$$f(x) \leq p \quad \text{אם} \quad x \in F_p \quad \text{אם} \quad (x) \quad \text{אגון}$$

$$f(x) \geq p \quad \text{אם} \quad x \notin U_p \quad \text{אם} \quad (x)$$

כאשר $p < q$ ויש $x \in U_q$ ויש $x \in F_p$ אם (x) - אגון

$$(D \ni \text{איך? אגון סקטור } p, q) \quad f(x) \leq \inf \{q \mid q > p\} = p$$

אם $x \notin U_p$ ויש $x \in U_q$ ויש $x \in F_p$ אם (x) - אגון

$$f(x) \geq p \quad \text{אם} \quad \{r \in D \mid x \in U_r\} \subset \{r \in D \mid r > p\}$$

כך, אגון סקטור f - אגון $f \in C(X, [0, 1])$ ויש $f|_A = 0, f|_B = 1$

$$f(x) \geq 0 \quad \text{אם} \quad U_p = \emptyset, \forall p < 0 \quad f(x) \leq 1 \quad \text{אם} \quad x \in U_p, x \in X \quad \text{אם} \quad U_p = X, \forall p > 1$$

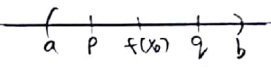
$$f|_A = 0 \quad f(x) \leq 0 \quad \text{אם} \quad x \in A \quad \text{אם} \quad A \subset U_0$$

$$f|_B = 1 \quad \text{אם} \quad f(x) \geq 1 \quad \text{אם} \quad x \in B \quad \text{אם} \quad U_1 = X \cap B$$

(אגון סקטור f - אגון $f \in C(X, \mathbb{R})$) ויש $f^{-1}(a, b)$

אם $a < b$ ויש $f^{-1}(a, b)$ (אגון סקטור f - אגון סקטור)

$$f(V) \subset (a, b) \quad \text{אם} \quad \forall V \quad \text{אם} \quad f(x) \in (a, b), x \in V \quad \text{אם}$$



אם $f(x) \in (p, q) \subset [p, q] \subset (a, b)$ - אגון $p, q \in D$

אם $x \in F_p$ ויש $x \in U_q$ ויש $x \in V$ ויש $V = U_q \mid F_p \in \mathcal{R}$

אם $x \notin U_p$ ויש $x \in F_p$ ויש $x \in U_q$ ויש $x \in V$ ויש $V = U_q \mid F_p \in \mathcal{R}$

$$f(x) \geq p \iff x \notin F_p, f(x) \leq q \iff x \in U_q \subset F_q, f(x) \geq p \iff \text{אם}$$